

Te Papa Whakaako Pāngarau
Taumata 6 Te Marautanga Pāngarau o Aotearoa
Taumata 1 NCEA

Ngā Ihirangi

Ngā Kōrero Whakataki

He aha tēnei mea te pāngarau?
Te wāhi nui ki te pāngarau i tō tātou ao
Ngā whāinga nui mō te pāngarau
Te hononga o te pāngarau me te marau ā-kura
Te reo matatini o te Pāngarau
Te hononga o te marautanga pāngarau me te marautanga mathematics
Te papa whakaako mathematics

Te Marautanga Pāngarau

Ngā huatau pāngarau matua o te Taumata 6
Ngā whāinga paetae
he whakamārama i ngā kupu pāngarau

Te Whakaako i te Pāngarau

Te wāhi nui ki te reo
Te whakamahere
He tauira mahere
Te Tau
Te Taurangi
Te Āhuahanga
Te Tauanga
Te whakaoti rapanga
Te wāhi nui ki te horopaki

Te Aromatawai

He mātāpono mō te aromatawai i roto i te pāngarau
Te āhua o ngā ngohe aromatawai
Te aromatawai me ngā paerewa paetae o te NCEA

Ngā Paerewa Paetae o te NCEA

Te mahere o ngā paerewa paetae
Te hononga ki te marautanga
He tauira ngohe aromatawai mō ngā paerewa paetae ā-roto

Ngā Kōrero Whakataki

He Aha Tēnei Mea te Pāngarau?

Ko te pūtake o te pāngarau, ko te tūhura, ko te whakamahi i ngā tauira me ngā pānga e puta ake ana i ngā rahinga, i ngā huinga raraunga, i ngā āhuatanga mokowā, i ngā āhuatanga rānei e pā ana ki te wā.

Ko te tangata whai mātauranga i te pāngarau:

- he whaihua tana whakamahi i te pāngarau i roto i āna kaupapa o ia rā – i te kāinga, i ngā wāhanga ako katoa o te kura, i te marae, i te hapori whānui anō hoki;
- e huaki ana tōna hinengaro ki te whakamahi i te pāngarau hei painga mōna me ngā kaupapa ka whai wāhi atu ia;
- e huaki ana ngā huarahi hei whaitanga māna i ngā tūranga mahi huhua.

Te Wāhi Nui ki te Pāngarau i tō tātou Ao

He āwhina nui kei roto i te pāngarau me ngā tikanga o te pāngarau e mārama ai te tangata ki tōna ao, e whai whakaaro arorau, auaha anō hoki ia ki ngā momo kaupapa huhua. **Nō reira he wāhi nui tō te pāngarau e pakari ai te hinengaro o te tangata.**

He ātaahua te ao pāngarau. Arā ngā āhuatanga mīharo hei whakaihiihi i te tangata, hei tūhura, hei pākiki māna. Ko ētahi āhuatanga ka pā ki te ao kikokiko, ko ētahi, he whakaaro waitara kei muri e hāpai ana i te ao kikokiko. **Nō reira he wāhi nui tō te pāngarau hei whakawhānui i te hinengaro o te tangata.**

Ahakoa huri ki hea, kitea ai te mātauranga pāngarau e whakamahia ana i roto i ngā mahi o ia rā, i roto i ngā kaupapa ako katoa o te kura, i roto hoki i ngā tūranga mahi whānui tonu. **Nō reira he wāhi nui tō te pāngarau e rangatira ai te noho a te tangata ki tōna ao.**

Ngā Whāinga nui mō te Pāngarau

- Kia mārama ki ngā huatau matua o roto i te pāngarau.
- Kia whai pūkenga ki te whakaoti rapanga pāngarau
- Kia mārama ki te reo matatini o te pāngarau Kia pūkākā te ahi o te hia mōhio, o te pākiki ki roto i te ākonga.

Te Hononga o te Pāngarau me te Marau ā-Kura

He tino whai tikanga kia tūhonoa te pāngarau ki te marau ā-kura. Arā, me āta wānanga e te kura te wāhi ki te pāngarau e tutuki ai tā te kura e whai ana, kia puta ko te āhua o te ākonga e hiahiatia ana. Ko ngā hononga matua pea, ko ēnei:

- ko te wāhi ki te pāngarau hei whakaohooho, hei whakapakari, hei whakawhānui i te hinengaro o te ākonga;
- ko te wāhi ki te pāngarau e tutuki ai i te ākonga āna mahi i ia rā, e noho rangatira ai ia ki tōna ao;
- ko te wāhi ki te pāngarau hei huaki i ngā kūaha ki ngā ara mātauranga me ngā momo tūranga mahi whānui;
- ko te wāhi ki te pāngarau hei whakapakari i te reo Māori o te ākonga;
- ko te wāhi ki te pāngarau e hāpaitia ai ngā kaupapa o te whānau, o te hapū, o te iwi.

Te Reo Matatini o te Pāngarau

Ko te reo matatini o te pāngarau, koia ko ngā kupu, ko ngā tohu, ko ngā whakaahuahanga maha e kawea ai te mātauranga me te whakaaro pāngarau. He wāhi nui ki te reo matatini o te pāngarau i roto i te marautanga.

Hei tauira:

- Ko ngā kupu motuhake o te pāngarau, pērā i te whārite, te taurangi, te waeine, te whakarea me te huhua noa atu.
- Ko ngā momo rerenga kōrero he auau te whakamahia i roto i te pāngarau, pērā i te hāngūtanga, me te whakatairite.
- Ko ngā tohu, pērā i te ° mō te putu, te % mō te ūrāu, te ÷ mō te whakawehe, me te huhua noa atu.
- Ko ngā whakaahuahanga, pērā i ngā momo kauwhata, ngā momo rārangi tau, te tūtohi, te pūnaha tukutuku, me te huhua noa atu.

Te Hononga o te Marautanga Pāngarau me te Marautanga Mathematics

I ngā taumata 6, 7 me te 8, e rite ana te nuinga o ngā whāinga paetae o te marautanga pāngarau, me te marautanga mathematics i te reo Ingarihi. E toru ngā wāhi e rerekē ana:

- Karekau he whāinga o te marautanga mathematics e hāngai ana ki te reo matatini, pērā i tō te marautanga pāngarau i te reo Māori.
- Karekau he whāinga o te marautanga mathematics e hāngai ana ki te whakamahinga o te pāngarau, pērā i tō te marautanga pāngarau i te reo Māori.
- Karekau he whāinga o te marautanga mathematics e hāngai ana ki ngā tikanga matatika o te tūhuratanga tauanga, pērā i tō te marautanga pāngarau i te reo Māori.

Nā runga anō i te ōrite o tētahi ki tētahi, he pērā anō ngā paerewa paetae. Arā, he ōrite ngā paerewa paetae pāngarau me ngā paerewa paetae mathematics mō te 1.1 ki te 1.13. Ko te mea e rerekē ana ko ngā tauira ngohe aromatawai, kia hāngai tonu ki ngā horopaki e taunga ana ngā ākonga o te kura rumaki ki te reo Māori. E rua atu anō ngā paerewa paetae pāngarau, ko te 1.14 e hāngai ana ki te whakamahinga o te pāngarau, me te 1.15 e hāngai ana ki te reo matatini o te pāngarau.

Te Papa Whakaako Mathematics

Kei te Papa Whakaako Mathematics i te reo Ingarihi ētahi kōrero hei āwhina i te pouako e mahi mai ana i ngā kura rumaki i te reo Māori. Hei āpitihanga kōrero ērā ki ngā kōrero kei roto i tēnei Papa Akoranga e arotahi ana ki te whakaako i te pāngarau i te reo Māori. Koia nei te pae ipurangi: [Curriulum Guide](#)

Te Marautanga Pāngarau

Ngā Huatau Pāngarau Matua o te Taumata 6

[All underlined words in this section of the document are in the Papa Kupu at the end of the Papa Whakaako]

Te Tau

Arā ngā āhuatanga huhua o tō tātou ao e whakamahia ai te tau hei tautohu rahinga, ā, he ture, he tikanga rānei hei tūhonohono i ēnei rahinga.

Hei tauira, ko te kakapa o te manawa, ko ngā kaute i ngā kēmu hākinakina, ko te whakarite kai hei whāngai manuhiri, ko te piki me te heke o te tai.

Kei tēnei taumata, ko te tūhura me te whakamahi i ngā momo pānga riterite, pānga kōaro, ngā taupūtanga tōraro me ngā taupūtanga hautau. Ka noho ko te matatau o te ākonga ki te mātauranga me ngā rautaki tau, hei tūāpapa mōna e eke taumata ai ia i ngā taumata o te taurangi.

Te Taurangi

Ko tā te whārite taurangi, he whakaata i tētahi rapanga, he tūhono hoki i ngā taurangi o roto i te rapanga, ā, mā te whakaoti i te whārite e whiriwhiria ai te otinga o te rapanga. Ka taea te hononga o ētahi taurangi te whakaatu hei whārite, hei tūtohi, hei kauwhata anō hoki. Arā ngā tikanga e hāngai ana ki te rāwekeweke whārite taurangi e puta ai he otinga. Ko te mātauranga me ngā rautaki tau hei tūāpapa mō ēnei tikanga taurangi. Ko te tikanga matua, kia ōrite te rāwekeweke i ia taha o te whārite hei whakamāmā kia pūmau tonu te ūritenga, ā, kia hua mai ai te uara o ngā taurangi.

Hei tauira:

Ko te whārite hei tātai i te moni hua mō te hoko tīhāte tāmoko:

$$H = 15t - 7t - 2t - 175$$

$$= 6t - 175$$

- Ko te H hei tohu i te moni hua.
- Ko te t hei tohu i te maha o ngā tīhāte ka hokona atu.
- E \$7 te utu hei hoko mai i ia tīhāte.
- E \$2 hei tāmoko i ia tīhāte.
- \$15 te utu e hokona atu ana ngā tīhāte.
- \$175 te utu hei whakarite i te pūrere tā i te moko.

Ina whakaaturia tētahi whārite taurangi ki te kauwhata rārangi, ko te rōnaki o te rārangi hei tohu i te pāpātanga o te whiti.

Te Ine

Ko te huatau matua o te ine kei tēnei taumata, ko te maha o ngā mati whai tikanga o tētahi inenga hei tohu i te tōtika o taua inenga. Ko te horopaki o te rapanga hei tohu i te tōtika o te inenga e hiahia ana, ā, ko te tōtika hoki o te taputapu ine tētahi atu āhuatanga hei whakaaroaro.

Hei tauira:

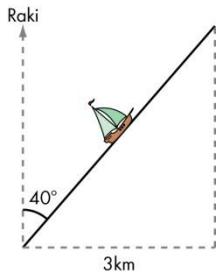
Mēnā 10,000 mita te roa o tētahi whakataetae omaoma, ā, ka 10,000 tāngata ka mātakitaki i te omaoma, tērā pea e 5 ngā mati whai tikanga o te 10,000m (kua inea ki te 1 mita e pātata ana),

engari e 2 noa iho peā ngā mati whai tikanga o te 10,000 tāngata (kua tatauria ki te mano e pātata ana).

Te Hanga

I tēnei taumata, ka whakamahia ngā āhuatanga waitara o ngā momo āhua hei whakaoti rapanga. Hei tauira:

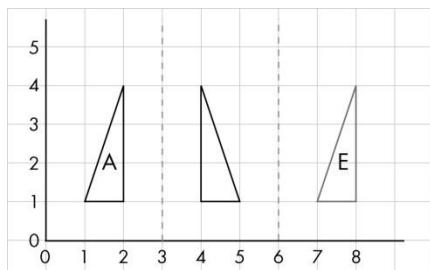
- Ko te tātai i te rōrahi o te raima hei hanga i te papa o tētahi hēti miraka kau, he porowhitia tōna āhua.
- Ko te tātai i te tawhiti o tētahi haere i runga i te mōhio ki te ahunga o taua haere me te tawhiti whakaterāwhiti:



$$\text{tawhiti} = \frac{3}{\cos 50^\circ} \\ = 4.7\text{km}$$

Te Panoni

E whā ngā panoni matua, ko te whakaatanga, te hurihangia, te nekenga me te whakarahinga. He maha ngā huarahi e tutuki ai tētahi panoni. Hei tauira:



E hua mai ai te mātātuhi E i te mātāōroko A:

- me neke whakatematau kia 6 ngā wehenga o te tukutuku;
- me whakaata rānei i te rārangi $x = 3$, kātahi i te rārangi $x = 6$.

He tikanga hei tautohu i tēnā, i tēnā o ngā panoni, ā, he āhuatanga ka noho pūmau, he āhuatanga anō ka rerekē i raro i tēnā me tēnā o ngā panoni:

Te panoni	Hei tautohu i te panoni	Ngā āhuatanga ka noho pūmau	Ngā āhuatanga ka rerekē
te whakaatanga	<ul style="list-style-type: none"> te rārangi whakaata 	<ul style="list-style-type: none"> te horahanga te roa o ngā rārangi te whakarara o ngā rārangi te rahi o ngā koki te āhua 	<ul style="list-style-type: none"> te wāhi noho (hāunga ngā pūwāhi i te rārangi whakaata) te ahunga

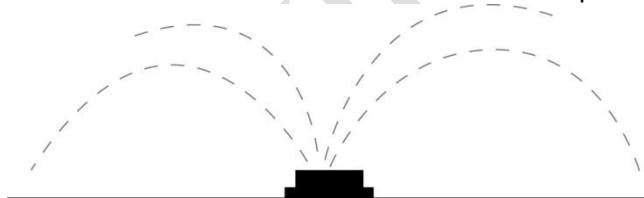
		<ul style="list-style-type: none"> • ngā pūwāhi e noho ana ki te rārangī whakaata 	
te hurihangā	<ul style="list-style-type: none"> • te pū hurihangā • te rahi (koki) o te hurihangā 	<ul style="list-style-type: none"> • te pū o te huringa • te horahanga • te roa o ngā rārangī • te whakarara o ngā rārangī • te rahi o ngā koki • te āhua • te ahunga 	<ul style="list-style-type: none"> • te wāhi noho (hāunga te pū o te huringa)
te nekenga	<ul style="list-style-type: none"> • te ahunga o te nekenga • te tawhiti o te nekenga 	<ul style="list-style-type: none"> • te horahanga • te roa o ngā rārangī • te whakarara o ngā rārangī • te rahi o ngā koki • te āhua • te ahunga 	<ul style="list-style-type: none"> • te wāhi noho
te whakarahinga	<ul style="list-style-type: none"> • te pū o te whakarahinga • te taurahi 	<ul style="list-style-type: none"> • te whakarara o ngā rārangī • te rahi o ngā koki • te āhua • te ahunga 	<ul style="list-style-type: none"> • te horahanga • te roa o ngā rārangī

Te Wāhi me te Ahunga

Ka whakamahia ngā āhuatanga waitara o ngā momo huanui hei whakaoti rapanga.

Hei tauira:

Ko te whiriwhiri i te rohe ka mākū i te hurihuri o te pūrere tuku wai.



E whā ngā momo huanui matua hei tirotiro i tēnei taumata:

- Ko te porowhita – he ūrite te tawhiti o ngā pūwāhi katoa o te porowhita ki te pū o te porowhita.
- Ko te huanui he ūrite te tawhiti mai i ētahi pūwāhi e rua:

x E

He ūrite te tawhiti o te A me te E
ki ia pūwāhi o te rārangī.

x A

- Ko te huanui he ūrite te tawhiti mai i tētahi rārangī:



He ūrite te tawhiti o ngā rārangī
whakarara whero ki te rārangī AE.

- Ko te huanui he ōrite te tawhiti mai i ētahi rārangi pūtahi e rua:



He ōrite te tawhiti o ngā rārangi whero i ngā rārangi pūtahi e rua nei, te MN me te RT.

Te Tauanga

He āwhina nui te tauanga kia mārama ai tātou ki tētahi kaupapa. Ko te wāhi anō ki te taurangitanga o ngā raraunga tētahi huatau matua, waihoki ko ngā āhuatanga o te tīpako hei whakaata i te taupori, me te āhua o te hora o ngā raraunga.

Hei tauira:

Ko te kohikohi raraunga e pā ana ki te maha o ngā tuatua kei tētahi wāhi o te takutai i te takanga o ngā tau, hei āwhina i te whāomotanga o taua pātaka kai.

Ia rā, puta ai he kōrero tauanga i ngā nūpepa, i te pouaka whakaata, i ngā mōheni rānei, ā, ko te āhei ki te whakamāori i aua tauanga i runga i te tirohanga arohaehae tētahi pūkenga tino whaihua.

Te Tūponotanga

I tēnei taumata, ko tā te tūponotanga, he tirotiro i ngā putanga o tētahi mahi, o tētahi āhuatanga rānei, me te kaha, te ngoikore rānei o tēnā putanga, o tēnā. Ka whakamahia he hautau kei waenganui i te kore me te tahī, he ūrau rānei mai i te 0% ki te 100% hei whakaatu i te tūponotanga o tētahi putanga.

He mea nui te tirotiro me te tātai i te tūponotanga o ngā putanga o tētahi pāpono i roto i te ao pakihī, i te ao hākinakina, i roto hoki i ētahi kēmu maha, pērā i te uka me te 500.

He rerekē te tuari tātai o ngā putanga o tētahi horopaki tūponotanga i te tuari whakamātau o ngā putanga, waihoki he taurangirangi ngā putanga whakamātau. Hei tauira, ko te pīrori mataono tau:

E 6 ngā pīroritanga	Ngā putanga					
	1	2	3	4	5	6
putanga tātai	1	1	1	1	1	1
whakamātau 1	2	0	1	1	0	2
whakamātau 2	1	0	0	2	3	0
whakamātau 3	1	1	2	1	1	0
whakamātau 4	1	3	0	1	2	0

[All underlined words in this section of the document are in the Papa Kupu at the end of the Papa Whakaako]

Ngā Whāinga Paetae

E whai ake nei ngā whāinga paetae o te taumata 6 o te marautanga pāngarau, me te whakamārama anō i te tikanga o ētahi o ngā kupu.

Te Reo Matatini o te Pāngarau

Ka whakawhitihiti whakaaro, ka āta wānanga te ākonga i āna mahi pāngarau, mā te kupu (ā-waha, ā-tuhu), mā te tohu, me ngā momo whakaahuahanga. He mea nui tēnei hei tautoko i te whakatutukitanga o ngā whāinga paetae e pakari anō ai te whakaaro arorau, te whakaaro arohaehae, te whakaaro whaitake me te auahatanga o te ākonga e hāngai ana ki tēnei taumata.

Te Whakamahinga o te Pāngarau

Ka mārama te ākonga, ka arohaehae hoki ia i ngā tini whakamahinga o te pāngarau e hāngai ana ki tōna hapori. Me kākahu anō ngā whāinga paetae ki ngā momo horopaki maha o te ao whānui.

Te Tau me te Taurangi

Ka whakaoti rapanga, ka whakatauira pūāhua:

Te Mātauranga Tau me ngā Rautaki Tau

1. Ka whakamahi pānga rārangi hāngai, pānga rārangi kōaro hoki.
2. Ka whakawhānui taupū, kia hāngai ki ngā tau tōpū me ngā hautau.
3. Ka whakamahi pāpātanga whakaputu o ia rā.
4. Ka whakamahi rautaki tau ki te whiriwhiri otinga tino whaihua.
5. Ka mārama ki te whaitakenga o te otinga o tētahi rapanga.

Te Whārite me te Kīanga

6. Ka tuhi, ka whakaoti whārite rārangi, tōrite rārangi, whārite pūrua, whārite taupū māmā, whārite tukutahi, kia rua ngā taurangi.

Te Pānga me te Tauira

7. Ka whakawhānui i ngā tikanga paheko tau, me ngā tikanga taupū.
8. Ka tūhono i te kauwhata, te tūtohi me te whārite ki ngā pānga rārangi, pānga pūrua, pānga taupū māmā e kitea mai ana i ngā tauira tau me ngā tauira mokowā.
9. Ka tūhono i te pāpātanga o te whiti ki te rōnaki o tētahi kauwhata.

Te Ine me te Āhuahanga

Ka whakaoti rapanga, ka whakatauira pūāhua:

Te Ine

1. Ka whakatutuki inenga kia hāngai tonu te tōtika o te ine ki te horopaki.
2. Ka whakamahi i ngā hononga o ngā waeine o te pūnaha ngahuru, tae atu ki ngā hononga o ngā waeine mō ngā āhuatanga rerekē.
3. Ka whakamahi ture tātai hei whiriwhiri i te rōrahi o ngā momo poro, ngā koeko me ngā poi.

Te Hanga

4. Ka whakaputa, ka whakamahi i ngā tikanga koki o te porowhita.
5. Ka aro ki ngā āhua ūrite, ā, ka whakamahi whakaaro pānga riterite hei tātai i tētahi tapa.
6. Ka whakamahi ōwehenga pākoki me te ture a Pythagoras i ngā pūāhua ahu-2, ahu-3 hoki.

Te Wāhi me te Ahunga

7. Ka whakamahi papa taunga, mahere rānei ki te whakaatu taunga pātahi me ngā rohe o roto i ētahi huanui e rua, nui ake rānei.

Te Panoni

8. Ka whakatairite, ka whakamahi i ngā panoni papa-tahi, papa-maha hoki.
9. Ka tātari tauira hangarite mā te whakaatu i ngā panoni i hangaia ai aua tauira.

Te Tauanga

Ka whakaoti rapanga, ka whakatauira pūāhua:

Te Tūhuratanga Tauanga

1. Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga ki te whakamahere, ki te whakatutuki tūhuratanga:
 - ka parahau i ngā taurangi me ngā waeine;
 - ka whakatau i ngā pūtakenga o te taurangitanga, pērā i te whakamahi tīpako matapōkere;
 - ka whakamahi whakaari tauanga matatini ki te tautohu, ki te whakawhititanga whakaaro mō ngā āhuatanga horopaki, pērā i te ia, ngā hononga taurangi, me ngā taurangitanga o roto, o waenganui hoki i ngā tuari raraunga;
 - ka whakaputa hīkaro ōpaki mō te taupori ka hua ake i ngā raraunga;
 - ka whakamahi whakaari raraunga me ngā waeine ki te parahau i ngā whakakitenga ka hua ake i te tūhuratanga;
 - ka mārama ki ngā tikanga matatika e hāngai ana.

Te Aroā Tauanga

2. Ka arohaehae i ngā pārongo tauanga ka puta i ngā pāhotanga, mā te tūhono i ngā whakaari raraunga, ngā tauanga, ngā tukanga me ngā tūponotanga ki ngā pārongo.

Te Tūponotanga

3. Ka tūhura pūāhua tūponotanga:
 - ka whakatairite i ngā tuari tātai me ngā tuari whakamātau, me te aro anō ki te rahi o te tīpako;
 - ka tātai tūponotanga i ngā pūāhua e whai wāhi mai ana te raraunga motumotu.

Te Whakaako i te Pāngarau

Te Wāhi nui ki te Reo

“Ko ngā kupu hou te oranga o te reo, engari kia mau ki tā te Māori whakatakoto i te kupu.” He kōrero tēnei nā Tīmoti Karetū i te tau 1984, i kauhautia ai ki te hui ā-tau o Te Ātaarangi, i tū ki Rūātoki.

Mā ngā kupu hou e tutuki ai te whakawhitihiti kōrero i roto i ngā horopaki hou. Ko te pāngarau tētahi horopaki hou mō tō tātou reo ina tīmata mai ai te whakamahinga o te reo Māori hei reo whakaako i te pāngarau i te ngahuru tau 1980. Ka tae rā anō ki te tau 1996 kātahi ka whakaputaina te marautanga pāngarau tuatahi e kapi ai ngā taumata katoa o te kura tuatahi me te kura tuarua.

Nō reira kua maha ngā kupu pāngarau hou i te wā poto noa iho. Ko te nuinga o ngā kupu kua whakaaraara ake i te puna kupu o te reo Māori, pērā i te kupu ‘kauwhata’. Ko te tikanga taketake o te kauwhata, he anga ka hangaia ki te rākau hei whakairinga mō te ika, mō te aha atu. I roto i te pāngarau, he anga anō te kauwhata hei whakairi raraunga e kitea ai te hononga o tētahi taurangi ki tētahi.

Ko tētahi mahi nui a te pouako he āta whāngai i te reo o te pāngarau, arā, ko te pouako pāngarau he pouako reo anō hoki. Ko te reo te huarahi matua e tutuki pai ai te mahi whakaako. Nō reira, e tika ana kia āta whakaaro te pouako me pēhea te whakairo i ana kōrero i mua tonu i te wā ako. Arā pea, he kimi atu i ngā kupu, i ngā whakamārama, i ngā pātai hei whakamahi māna i roto i tana akoranga. He mea nui te tauira reo o te pouako, te reo tāruarua o te pouako e hopukina ai e te ākonga ngā kupu hou o te pāngarau me te āhua o te whakatakoto tika i te kupu.

E rua pea ngā momo whakaako matua:

- Mā te āta whakamahi i te reo pāngarau e hopukina ai e te ākonga, arā, kia mōmona te taiao reo e noho nei te ākonga.
- Mā te āta whakaako i te reo

E whā pea ngā āhuatanga matua e hopukina ai e te ākonga te reo ka āta whakamahia e te pouako:

- Kia haere tahi ngā kupu, ngā pikitia, ngā whakaari ā-tinana i roto i ngā whakamārama a te pouako.
- Hoki atu, hoki atu kia tāruarua e te pouako ngā kupu whai tikanga.
- Hoki atu kia kōrero anōtia te kōrero a te ākonga, ka whakatika ai.
- Kia pakari anō ngā pūkenga hopu reo o te ākonga, pērā i te whakarongo pīkari a te taringa.

Ko ngā momo hanga reo ka whakamahia e te pouako tētahi atu āhuatanga hei āta whakaaro māna. Ko te whāinga kia mārama te huatau pāngarau o roto i te kōrero, kia whāngai hoki ngā momo hanga reo e hāngai ana, hei whakamōmona i te reo o te ākonga. Hei tauira, e whā ngā tuhituhinga o te rapanga māmā e whai ake nei e kitea ai ngā momo hanga reo e taea ana:

- E \$856 te pūtea a Raniera. Ka **pau i a ia** te \$138. E hia tāra ka toe mai?
- E \$856 te pūtea a Raniera. Ka pau i a ia te \$138 **ki te** hoko papa wīra **mōna**. E hia tāra ka toe mai?
- E \$856 te pūtea a Raniera. Ka pau i a ia te \$138 ki te hoko koti hou **mōna**, **kia** mahana **ai** ia i ngā rā o te hōtoke. E hia tāra ka toe mai?
- E \$856 te pūtea a Raniera. **Ko tāna, he** tuku i te \$138 **hei** moni aroha ki te rū whenua i Ōtautahi. **Pēhea nei** te rahi o tana pūtea e toe mai ana?

Te Whakamahere

Ko ētahi āhuatanga matua o te whakamahere:

- he waihanga i te raupapatanga o ngā mahi ako e hāngai ana ki te taumata o te ākonga;
- he āta whakaaro ki te reo hei whakamahi mā te pouako, hei ako anō hoki mā te ākonga;
- he whakaatu i ngā huatau pāngarau e ākona ana;
- he āta whakaaro i te hononga o ngā mahi ako ki ngā akoranga o mua;
- he tiki atu i ngā momo horopaki e taunga ana te ākonga, koia hei kawe i ngā huatau pāngarau e whakaakona ana;
- he whakarite i te maha o ngā momo mahi rerekē i roto i te akoranga kotahi, hei ara ako rerekē e hāngai ana ki tēnā ākonga ki tēnā. Hei tauira: ko te whakamahi rauemi ūkiko; ko te whakaatu i ngā momo whakaahuahanga maha pērā i te rārangī tau, te kauwhata me te hoahoa rerenga; ko te mahi takitahi i ētahi wā, te mahi ā-rōpū i ētahi atu wā.

Mā te āta whakamahere i ngā akoranga e pai ake ai te panuku o te ākonga i ngā taumata hei ekenga māna. He mea nui te wairua whakawhanaunga kei waenganui i te pouako me te ākonga e hāpaitia ai tōna kiritau, kia whakapono ia ki a ia anō, kia māia, kia mauritau hoki ia ki āna mahi ako.

Mā roto anō hoki i te whakamahere ka tūhonoa ngā whāinga o te marau ā-kura, me ngā whāinga paetae o te marautanga pāngarau ā-motu. Koia pea hei tūāpapa mō te hōtaka pāngarau o te kura, ā, ka taka mai i reira ngā aromatawai paerewa paetae o te NCEA hei mahi mā ngā ākonga. He mea nui kia kaua e riro ko ngā paerewa paetae o te NCEA te pūtakenga o te hōtaka pāngarau, kia noho ko ngā parewa paetae tētahi o ngā hua ka puta i te hōtaka whakaako.

He Tauira Mahere

E whā ngā tauira mahere e whai ake nei, e hāngai ana ki ngā whenu o te marautanga. He tauira noa iho e kitea ai ētahi o ngā āhuatanga hei aro mā te pouako i roto i āna mahi whakamahere.

Te Tau – He Akonga Tau

Te Taurangi - He Akonga Taurangi

Te Āhuahanga - He Akoranga Āhuahanga

Te Tauanga - He Akoranga Tauanga

Te Whakaoti Rapanga

Ko te whakaoti rapanga kei te pokapū o te marautanga pāngarau. Arā, te kōrero nei kei te upoko o ngā whenu katoa, “Ka whakaoti rapanga, ka whakatauira pūāhua”. Ko tā te rapanga he kukume i ngā whakaaro pāngarau o te ākonga:

- kia matapae i ngā otinga;
- kia hanga rautaki, kia hanga i te ara hei whakaoti māna i te rapanga;
- kia whakatau tata i ngā otinga;
- kia tūhonoa, kia whakamahia ūna maramara mātauranga maha;
- kia whakaaro auaha;
- kia whakaaro arorau.

He mea nui kia aro ki ngā rautaki, ki ngā tukanga, ki te ara ka whāia e te ākonga hei whakaoti i te rapanga, kua e aro ki te otinga noa iho me te tere o te ākonga. Mā te tono kia whakamāramahia e te ākonga t/āna rautaki e mārama ake ai ia ki ngā tikanga pāngarau o roto.

Ko tā te mahi whakaoti rapanga he whakawhanake i ngā āhuatanga ako me ngā pūkenga ako whaihua o te ākonga:

- te whakarongo pīkari;
- te āta whakaaroaro i ngā kōrero me ngā mahi a tētahi atu;
- te whakawhitihitī kōrero;
- te tūhura me te whakamātau whakaaro;
- te mahi ngātahi me te rōpū;
- te mahi i tōna kotahi;
- te māia;
- te pukumahi;
- te pākiki
- te hiamōhio.

E tika ana kia hāngai tonu te rapanga ki te taumata whakaaro o te ākonga, me te paku wero anō hei kukume i a ia ki te taumata o runga ake. He pai pea kia māmā te tīmatanga e whaihua ai tā te ākonga urutomo atu ki te rapanga.

Kia māmā, kia mārama te tuhinga o te rapanga me tōna horopaki. Arā:

- kia pūtakea mai te rapanga i ngā horopaki e taunga ana te ākonga, ngā horopaki o tōna ao;
- kia pūtakea mai rānei te rapanga i tētahi horopaki pāngarau;
- kia riro ko te horopaki hei āwhina i te ākonga kia mārama ki te pāngarau, kua te pāngarau e ngaro i roto i te horopaki o te rapanga.

Te Wāhi Nui ki te Horopaki

I ētahi wā, mēnā ka kākahutia te huatau pāngarau e ākona ana ki tētahi horopaki e taunga ana te ākonga, kātahi ka mārama ake te ākonga ki te kaupapa. Ko tētahi atu āhuatanga whaihua o te horopaki, ko te whakapiki pea i te hiahia o te ākonga ki tana mahi pāngarau ina e kitea mai ana tētahi kaupapa e ngākaunui ana ia.

Hei tauira pea o tētahi rapanga hei tūhura i te tikanga o tēnei mea te toharite, i runga anō i tētahi kaupapa e taunga ana te ākonga (arā, te whutupōro):

E ono ngā kēmu a Piri Weepu i te whakataetae whutupōro o te ao i te tau 2011. Ū tonu te 75% o ana whana kōura i ēnei kēmu e ono katoa. Tuhia ki tētahi tūtohi te maha o ana whana i tēnā kēmu i tēnā, me te maha o ngā whana i ū:

kēmu	1	2	3	4	5	6
ngā whana katoa	8	6	5	9	...	
ngā whana i ū						

Te Aromatawai

He Mātāpono mō te Aromatawai

Ko tā te aromatawai he kohi kōrero, he kohi whakaaro, he kohi taunakitanga e pā ana ki te mōhio o te ākonga ki te pāngarau, me ūna pūkenga ki te whakamahi i taua mōhiotanga ki te whakaoti rapanga.

E rua ngā take matua mō te aromatawai i roto i te pāngarau:

- hei whakaatu i te mōhio o te ākonga ki te pāngarau;
- hei whakapiki i te mahi a te pouako.

Ka whakamahia ngā hua o te aromatawai hei arotake, hei tirotiro i te ekenga panuku o te ākonga, hei āwhina ki te whakamahere i ngā akoranga o muri mai, hei whakawhitihiti kōrero hoki ki te ākonga me tōna whānau. Mā konei e pai ake ai te ako, e eke taumata ai te ākonga.

I hua mai ngā mātāpono e whai ake nei i ngā mahi whakahou i te marautanga pāngarau me te kaupapa o Te Poutama Tau i whakahaerehia ai i ngā kura tuatahi me ētahi wharekura, tīmata mai ai i te tau 2003. Kei te hono hoki ēnei mātāpono ki te rangahautanga BES¹.

1. Ko te aromatawai tētahi wāhangā o te mahi whakaako. Ko tā te pouako he tirotiro, he āta whakaaroaro i ngā mahi a te ākonga i ngā wā katoa, koia hei tūāpapa mō te aromatawai.
2. Ko te mōhio ngaiotanga o te pouako te mea nui e whaihua ai te aromatawai. Mā tana mōhio ki te ākonga, ki te kaupapa o te pāngarau, ki te whakaako hoki i te pāngarau e tika ai tana aromatawai i te ākonga.
3. Kia whai wāhi te ākonga ki te whakaatu i tana mōhio, i ūna pūkenga i roto i ngā mahi aromatawai. Kaua te aromatawai e aro noa iho ki ngā mea kāore e taea e te ākonga.
4. Ko te āhua o te ngohe aromatawai, kia rite ki tētahi mahi ako kua waia kē te ākonga, kaua e noho hei mahi tauhou ki a ia.
5. Kia hāngai tonu te aromatawai pāngarau ki te whānuitanga o te mōhio o te ākonga, me tana āhei ki te tūhonohono i ngā mea e mōhio ana ia ki te whakaoti rapanga.
6. Ko ngā aromatawai katoa, he whakatau tata i te mōhio o te ākonga ki te whakatutuki i ngā pātai, i ngā ngohe rānei o roto i te aromatawai, i taua wā tonu o te aromatawai. Arā kē atu ngā āhuatanga o waho e pāngia ana ki te angitu o te ākonga, pērā i te tau o tōna hinengaro, tōna tinana me tōna wairua.

E whai ake nei ko ētahi tauira o ngā momo aromatawai pāngarau e taea ana. Ko te mea tuatahi te mea matua e tino mōhio ai te kaiako i te ekenga taumata a te ākonga:

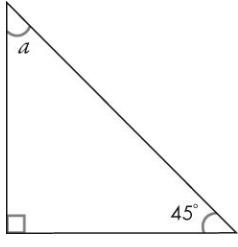
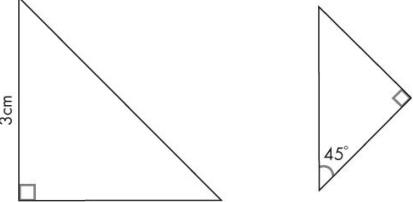
- ko te āta mātakitaki, te āta whakarongo tonu a te pouako i ngā mahi pāngarau a te ākonga i ia rā;
- ko ngā tuhituhi me ngā kōrero a te ākonga i tana pukapuka, i ana tūhuratanga rānei;

¹ [Anthony, G., & Walshaw, M. \(2009\). Assessment for learning \(pp. 17-18\). Effective pedagogy in mathematics. Educational Practices. Belley: Gonnet Imprimeur](#)

- ko te angitu o te akonga ki te whakaoti i tētahi ngohe, i tētahi rapanga rānei, me āna whakamārama;
- ko ngā momo aromatawai ā-motu, pērā i ngā paerewa paetae o te NCEA;
- ko te whakamātautau ūkawa.

Te Āhua o ngā Ngohe Aromatawai

Ko te mea nui kia puta i tētahi mahi aromatawai, ko te mōhio o te ākonga ki ngā huatau pāngarau e tirotirohia ana, ehara ko te whakautu tika noa iho. Hei tauira, anei ētahi pātai aromatawai e rua, ko tētahi, he pāpaku noa iho te tirotiro i te mōhio o te ākonga ki te tapeke o ngā koki o tētahi tapatoru. E huaki ana te pātai tuarua kia whakaputaina e te ākonga āna mōhio katoa mō te tapatoru, ā, kia tūhonohono anō i aua mōhiotanga. Mā te whakautu a te ākonga ki te pātai tuarua e tino mārama ai te kaiako ki te mōhio o te ākonga ki ngā tikanga o te tapatoru. He iti noa iho te māramatanga ka puta i te pātai tuatahi:

<p>Pātai 1: E hia putu te rahi o te koki α?</p> 	<p>Pātai 2: Kōrerohia mai ngā mea katoa mō ēnei tapatoru e rua nei:</p> 
--	---

Te Aromatawai me ngā Parewa Paetae o te NCEA

E tino hāngai ana te āhua o ngā mahi aromatawai mō ngā paerewa paetae ā-roto ki ngā mātāpono me ngā kōrero o runga ake nei. Arā:

- He tūhuratanga, he rapanga rānei te āhua o ngā ngohe aromatawai, hei whakaoti mā te ākonga, hei whakamārama māna i ngā rautaki me ngā tikanga ka whakamahia e ia. Ko tā te ngohe aromatawai he tono, he whakatenatena i te ākonga kia whakaaturia tōna mōhiotanga me ōna pūkenga katoa e hāngai ana.
- Mā te mōhio ngaiotanga o te pouako e whakatauria ai te taumata ka ekea e te ākonga, mēnā ko te paetae, ko te kaiaka, ko te kairangi, ko te kore rānei i tutuki.
- Ka whakatauria te ekenga taumata o te ākonga i runga tonu i te kounga o āna kōrero, o āna whiriwhiringa, ehara i te mea ko te whakautu tika noa iho te mea nui.
- Kei te pouako tonu te whiriwhiri i te horopaki mō ngā ngohe aromatawai.
- Mō te nuinga o ngā ngohe, he raupapatanga mahi hei whakatutuki, ka mutu, mā te ākonga tonu e āta whakaaro te rautaki hei whakaoti māna i te rapanga.

Ngā Paerewa Paetae o te NCEA

Te Mahere o ngā Paerewa Paetae

Kei tēnei hononga pae ipurangi, te mahere o ngā paerewa paetae pāngarau mō ngā taumata 1 ki te 3 (arā, ko ngā taumata 6 ki te 8 o te marautanga):

Mahere Paerewa Paetae Pāngarau – Taumata 1 -3

Tekau mā rima katoa ngā paerewa paetae pāngarau o te Taumata 1 (arā, te Taumata 6 o te Marautanga). He mea whakamāori ngā paerewa paetae Ingarihi 1.1 ki te 1.13. E hāngai ana te 1.14 me te 1.15 ki te kura reo Māori, arā, he rangahautanga tētahi, ko tētahi e aro ana ki te reo.

E whā ngā paerewa paetae (o roto i te 15) ka aromatawaiā mā te whakamātautau ā-waho, ko ērā atu he aromatawai ā-roto. Koinei te whakarāpopototanga mō te Taumata 1. Pāwhiria te tau motuhake kia peka atu ki taua paerewa paetae:

tau motuhake	ingoa	whiwhinga	momo aromatawai
<u>91026</u>	1.1 Te whakamahi whakaaro tau whaitake hei whakaoti rapanga	4	ā-roto
<u>91027</u>	1.2 Te whakamahi tikanga taurangi hei whakaoti rapanga	4	ā-waho
<u>91028</u>	1.3 Te tūhura i ngā hononga o te tūtohi, te whārite me te kauwhata	4	ā-waho
<u>91029</u>	1.4 Te whakamahi tikanga taurangi rārangī hei whakaoti rapanga	3	ā-roto
<u>91030</u>	1.5 Te whakamahi tikanga ine hei whakaoti rapanga	3	ā-roto
<u>91031</u>	1.6 Te whakamahi whakaaro āhuahanga hei whakaoti rapanga	4	ā-waho
<u>91032</u>	1.7 Te whakamahi tikanga tapatoru hāngai hei whakaoti rapanga ine	3	ā-roto
<u>91033</u>	1.8 Te whakamahi whakaahuahanga āhuahanga hei whakaoti rapanga	3	ā-roto
<u>91034</u>	1.9 Te whakamahi āhuahanga panoni hei whakaoti rapanga	2	ā-roto
<u>91035</u>	1.10 Te whakamahi i ngā tikanga	4	ā-roto

	tūhuratanga tauanga hei tūhura i tētahi huinga raraunga matatini		
<u>91036</u>	1.11 Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura raraunga tau matarua	3	ā-roto
<u>91037</u>	1.12 Te whakaatu māramatanga ki te tūponotanga me te raraunga	4	ā-waho
<u>91038</u>	1.13 Te tūhura pūāhua tūponotanga	3	ā-roto
<u>91655</u>	1.14 Te whakaoti rangahautanga pāngarau i runga i te tautāwhi a te pouako	3	ā-roto
<u>91656</u>	1.15 Te whakaatu mōhiotanga ki te reo matatini o te pāngarau	3	ā-roto

Te Hononga ki te Marautanga

Ka pūtakea mai ngā paerewa paetae o te NCEA i Te Marautanga o Aotearoa. Ko tā ngā paerewa paetae he aromatawai i te mōhio o te ākonga ki ngā āhuatanga o roto i ngā whāinga paetae o te marautanga. Pāwhiria te paerewa paetae kei raro iho nei kia kitea ai tōna hononga ki ngā whāinga paetae o te Taumata 6 o te marautanga pāngarau:

Te Paerewa Paetae	Te Whenu	Ngā pūkenga me te mātauranga o roto i ngā whāinga paetae
<u>1.1 Te whakamahi whakaaro tau whaitake hei whakaoti rapanga</u>	Te Tau me te Taurangi	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakamahi pānga rārangī me te whai wāhi mai o te whakaaro whaitake. • Ka whakamahi tau toitū, tauwehe pātahi, taurea pātahi, taupū hoki (me te pūtakerua). • Ka mārama ki ngā momo paheko hautau, tau ā-ira, ūrāu, tau tōpū hoki. • Ka whakamahi pāpātanga, ūwehenga hoki. • Ka mōhio ki ngā whakawhitinga whānui o ngā hautau, tau ā-ira, ūrāu hoki. • Ka mōhio, ka whakamahi tānga ngahuru, mati whai tikanga, whakaawhiwhinga, uara tū ā-ira hoki. • Ka whakamahi pānga rārangī, pānga rārangī kōaro hoki. • Ka whakawhānui taupū kia hāngai ki ngā tau tōpū me ngā hautau. • Ka whakamahi pāpātanga whakaputu o ia rā.
<u>1.2 Te whakamahi tikanga taurangi hei whakaoti rapanga</u>	Te Tau me te Taurangi	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakawhānui i ngā tikanga paheko e pā ana ki te hautau me te tau tōpū. • Ka whakawhānui i ngā tikanga paheko e pā ana ki te tau whakahau, me te whai wāhi mai o ngā tikanga taupū. • Ka hanga, ka whakaoti whārite rārangī, tōrite rārangī hoki, whārite pūrua, whārite taupū māmā, me ngā whārite tukutahi e rua ngā taurangi.
<u>1.3 Te tūhura i ngā hononga o te tūtohi, te whārite me te kauwhata</u>	Te Tau me te Taurangi	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whiriwhiri otinga tino whaihua mā te whai i ngā momo tikanga tau. • Ka whakaoti whārite rārangī, tōrite rārangī hoki, whārite pūrua, whārite taupū māmā, me ngā whārite tukutahi e rua ngā taurangi. • Ka tūhono i ngā kauwhata, ngā tūtohi me ngā whārite ki ngā pānga rārangī, pānga pūrua, pānga taupū māmā hoki e kitea mai ana i roto i ngā tauira tau me ngā tauira āhuahanga. • Ka tūhono i te pāpātanga o te whiti ki te rōnaki o te kauwhata.

<u>1.4 Te whakamahi tikanga taurangi rārangi hei whakaoti rapanga</u>	Te Tau me te Taurangi	<ul style="list-style-type: none"> • Ka hanga, ka whakaoti whārite rārangi. • Ka whakaoti whārite rārangi, tōrite rārangi hoki, me ngā whārite tukutahi e rua ngā taurangi. • Ka tūhono i ngā kauwhata, ngā tūtohi me ngā whārite ki ngā pānga rārangi. • Ka tūhono i te pāpātanga o te whiti ki te rōnaki o te kauwhata.
<u>1.5 Te whakamahi tikanga ine hei whakaoti rapanga</u>	Te Ine me te Āhuahanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakawhitiwhiti i ngā waeine ngahuru, me te whakamahi anō i te tau ā-ira. • Ka whakaputa, ka whakamahi ture tātai hei whiriwhiri i te paenga me te horahanga taparau, me te rōrahi poro. • Ka whiriwhiri i te paenga me te horahanga o te porowhita, me ngā hanga whakahiaito āhua, te rōrahi hoki o ngā momo poro me ngā rango. • Ka whakamahi i ngā hononga o ngā waeine ngahuru, ngā hononga o ngā waeine mō ngā āhuatanga rerekē (pērā i te rita me te karamu), me ngā waeine pāpātanga (pērā i te km/h mō te tere). • Ka whakamahi ture tātai hei whiriwhiri i te rōrahi o ngā momo poro, ngā momo koeko, me te poi.
<u>1.6 Te whakamahi whakaaro āhuahanga hei whakaoti rapanga</u>	Te Ine me te Āhuahanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakaputa, ka whakamahi hoki i ngā hononga koki ka hua mai i te rārangi pūtahi, te rārangi whakarara me te taparau. • Ka aro ki ngā hanga he ōrite te āhua, ā, ka whakamahi whakaaro pānga riterite hei tātai i tētahi tapa. • Ka whakamahi ūwehenga pākoki me te ture a Pythagoras hei whakaoti rapanga ahurua. • Ka whakaputa, ka whakamahi hoki i ngā hononga koki o te porowhita.
<u>1.7 Te whakamahi tikanga tapatoru hāngai hei whakaoti rapanga ine</u>	Te Ine me te Āhuahanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakamahi ūwehenga pākoki me te ture a Pythagoras hei whakaoti rapanga ahu-rua, ahu-toru hoki. • Ka aro ki ngā hanga he ōrite te āhua, ā, ka whakamahi whakaaro pānga riterite hei tātai i tētahi tapa. • Ka whiriwhiri, ka whakamahi i ngā waeine mō te roa me te horahanga e hāngai ana ki te horopaki. • Ka whakatutuki inenga, kia hāngai tonu te tōtika o te ine ki te horopaki o te rapanga.
<u>1.8 Te whakamahi whakaahuahanga āhuahanga hei whakaoti rapanga</u>	Te Ine me te Āhuahanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka hanga, ka whakamārama huanui māmā. • Ka whakamāori i ngā pūwāhi me ngā rārangi i tētahi papa taunga, me te whai wāhi mai o te āwhata, te ahunga hoki o tētahi mahere. • Ka waihanga raumata tōtika mō ngā momo matarau māmā, ā, ka tūhono i ngā āhua ahu-toru me ngā whakaahuahanga ahu-rua.

		<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakamahi i te papa taunga, te mahere rānei hei whakaatu pūwāhi pātahi me ngā rohe o roto i ētahi huanui e rua, nui ake rānei.
<u>1.9 Te whakamahi āhuahanga panoni hei whakaoti rapanga</u>	Te Ine me te Āhuahanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka tautuhi, ka whakamahi panoni, ā, ka whakamārama i ngā āhuatanga pūmau; • Ka whakatairite, ka whakatutuki panoni matatahi, panoni matatini hoki; • Ka tātari i ngā tauira hangarite me ngā panoni i hua mai ai aua tauira.
<u>1.10 Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura i tētahi huinga raraunga matatini</u>	Te Tauanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga hei whakamahere, hei whakatutuki tirohanga tauanga, whakamātau tauanga rānei: <ul style="list-style-type: none"> – Ka whiriwhiri i ngā taurangi e hāngai ana. – Ka āta tirotiro, ka whakatikatika i ngā raraunga. – Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui. – Ka whakarōpū anō i ngā raraunga kia kitea ai ngā tauira me ngā taurangitanga o roto i ngā huinga raraunga matatini. – Ka whakatairite i te hanga o ētahi tuari raraunga, me te whakamahi anō i ngā ine wēanga, ngā ine i te hora o ngā raraunga, me ngā ine hautanga o ngā raraunga. – Ka whakaputa pūrongo. • Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga hei whakamahere, hei whakatutuki tūhuratanga: <ul style="list-style-type: none"> – Ka parahau i ngā taurangi i whakamahia ai. – Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui hei tautohu, hei whakawhitī kōrero mō ngā āhuatanga ka puta i te horopaki o te tūhuratanga (ngā rerekētanga o roto i tētahi tuari raraunga me ngā rerekētanga kei waenganui i ētahi tuari raraunga). – Ka whakaputa hīkaro ūpaki mō te taupori i runga i te āhua o ngā raraunga ka hua ake i tētahi tīpako. – Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui me ngā tātaitanga tauanga hei parahau i ngā whakakitenga.
<u>1.11 Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura raraunga tau matarua</u>	Te Tauanga	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga hei whakamahere, hei whakatutuki tirohanga tauanga, whakamātau tauanga rānei: <ul style="list-style-type: none"> – Ka whiriwhiri i ngā taurangi me ngā tātaitanga tauanga e hāngai ana. – Ka āta whakaaroaro i te takenga mai o te taurangitanga. – Ka kohikohi, Ka āta tirotiro, Ka whakatikatika i ngā

		<p>raraunga.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui. - Ka whakarōpū anō i ngā raraunga, kia kitea ai ngā tauira me ngā hononga o roto i ngā huinga raraunga matarua. - Ka whakaputa pūrongo. <ul style="list-style-type: none"> ● Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga hei whakamahere, hei whakatutuki tūhuratanga: <ul style="list-style-type: none"> - Ka parahau i ngā taurangi me ngā tātaitanga tauanga i whakamahia ai. - Ka whakatau i ngā pūtakenga mai o te taurangitanga, pērā i te whakamahi tīpako matapōkere. - Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui hei tautohu, hei whakawhititi kōrero i ngā āhuatanga ka puta i te horopaki o te tūhuratanga (te pānga o tētahi taurangi ki tētahi). - Ka whakamahi i ngā momo whakaari raraunga whānui me ngā tātaitanga tauanga hei parahau i ngā whakakitenga.
<u>1.12 Te whakaatu māramatanga ki te tūponotanga me te raraunga</u>	Te Tauanga	<ul style="list-style-type: none"> ● Ka arotake i ngā tūhuratanga tauanga me ngā mahi tūponotanga a tētahi atu, me te āta tirotiro i ngā tukanga kohikohi raraunga, ngā tātaitanga tauanga me te tōtika o ngā whakakitenga. ● Ka tātai tūponotanga me te whakamahi anō i te hautanga, te ūrau me te ūwehenga. ● Ka arotake i ngā pūrongo tauanga ka puta i te ao pāpaho, mā te tūhono i ngā whakaari raraunga, ngā tauanga, ngā tukanga, ngā tūponotanga hoki, ki ngā tāpaetanga kōrero. ● Ka tūhura i ngā pūāhua e whai wāhi mai ana tēnei mea te tūponotanga, arā, te tātai tūponotanga i ngā horopaki motuhake.
<u>1.13 Te tūhura pūāhua tūponotanga</u>	Te Tauanga	<ul style="list-style-type: none"> ● Ka whakatairite, ka whakamārama i te taurangitanga o te tuari tātai me te tuari whakamātau i tētahi pūāhua tūponotanga. ● Ka tūhura i ngā pūāhua tūponotanga: <ul style="list-style-type: none"> - Ka whakatairite tuari tātai motuhake me te tuari whakamātau e hāngai ana, me te aro anō ki te rahi o te tīpako. - Ka tātai tūponotanga i ngā pūāhua motuhake.
<u>1.14 Te whakaoti rangahautanga pāngarau i runga i te tautāwhi a te pouako</u>	Te Whakamahinga o te Pāngarau	<ul style="list-style-type: none"> ● Ka mārama te ākonga, ka arohaehae hoki ia i ngā tini whakamahinga o te pāngarau e hāngai ana ki tōna hapori. Me kākahu anō ngā whāinga paetae ki ngā momo horopaki maha o te ao whānui.

<u>1.15 Te whakaatu mōhiotanga ki te reo matatini o te pāngarau</u>	Te Reo Matatini o te Pāngarau	<ul style="list-style-type: none"> • Ka whakawhitiwhiti whakaaro, ka āta wānanga te ākonga i āna mahi pāngarau, mā te kupu (ā-waha, ā-tuhī), mā te tohu, me ngā momo whakaahuahanga. He mea nui tēnei hei tautoko i te whakatutukitanga o ngā whāinga paetae pāngarau e pakari anō ai te whakaaro arorau, te whakaaro arohaehae, te whakaaro whaitake me te auahatanga o te ākonga e hāngai ana ki tēnei taumata.
---	-------------------------------	--

Working document

He Tauira Ngohe Aromatawai mō ngā Paerewa ā-Roto

Kua oti ētahi tauira ngohe te tuhi hei aromatawai i te mātauranga me ngā pūkenga e hāngai ana ki ngā Paerewa Paetae ā-roto. He tauira noa iho ēnei hei tirotiro mā te pouako, hei huri māna kia hāngai ki ngā horopaki o te kura e taunga ana te ākonga.

Ko te mea nui o te ngohe aromatawai, kia whai wāhi mai te ākonga ki te whakaatu i tōna mātauranga me ūna pūkenga e hāngai ana ki te Paerewa Paetae. Arā, ko tōna āhei ki te whakaoti rapanga, ki te whakaata i te horopaki tūturu o roto i te rapanga ki ngā ture, ki ngā tikanga me ngā tauira o te pāngarau. Ko tāna he āta whakaaro i te huarahi hei whakaoti i te rapanga, he tūhonohono i ngā momo mātauranga me ngā pūkenga e hāngai ana, he whakawhitiwhiti kōrero, he whakamārama hoki i āna mahi.

Ina oti i te pouako tētahi ngohe aromatawai te tuhi, e tika ana kia arotakengia e tētahi atu pouako pāngarau tautōhito, e ngā kaitirotiro rānei o te Mana Tohu Mātauranga o Aotearoa (NZQA). Mā konei e tino rite ai te ngohe ki te mātauranga me ngā pūkenga o roto i te Paerewa Paetae, ā, kāore te ākonga e raru i te kore hāngai o te ngohe.

Kei raro iho nei te rārangitanga mai o ngā paerewa paetae ā-roto me ngā tauira ngohe aromatawai. Ko ētahi o ngā tauira aromatawai he mea i whakamāori ai i te ngohe Ingarihi e hāngai ana. Ko ētahi kua tuhia i runga i te horopaki e hāngai ana ki te kura reo Māori. Pāwhiria te ngohe aromatawai kia peka atu ki reira.

Te Paerewa Paetae	Tauira Ngohe Aromatawai	Momo
1.1 Te whakamahi whakaaro tau whaitake hei whakaoti rapanga	Te Tunu Parāoa	hou
	Te Whakarite Hararei	whakamāori
1.4 Te whakamahi tikanga taurangi rārangi hei whakaoti rapanga	He Kaupapa Mahi Moni	hou
	Ngā Utu Tēkehi	whakamāori
1.5 Te whakamahi tikanga ine hei whakaoti rapanga	Te Hanganga Toi	whakamāori
	Te Ipu Waiārani	hou
	Te Whakapau Wai i te Pāmu	hou
1.7 Te whakamahi tikanga tapatoru hāngai hei whakaoti rapanga ine	Ngā Pou Whutupōro	whakamāori
	Te Wharenuui Hou	hou
1.8 Te whakamahi whakaahuahanga āhuahanga hei whakaoti rapanga	Te Awhe Ararau	hou
	Te Hoahoa Wharenuui Hou	hou
1.9 Te whakamahi āhuahanga panoni hei whakaoti rapanga	Te Hoahoa Tauira	hou

1.10 Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura i tētahi huinga raraunga matatini	<u>Whakataetae Kapa Haka</u>	hou
1.11 Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura raraunga tau matarua	<u>Tūhuratanga Raraunga Matarua</u>	hou
1.13 Te tūhura pūāhua tūponotanga	<u>Tūhura Tūponotanga</u>	hou
1.14 Te whakaoti rangahautanga pāngarau i runga i te tautāwhi a te pouako	<u>Te Wharekai</u>	hou
1.15 Te whakaatu mōhiotanga ki te reo matatini o te pāngarau	<u>Te Whakapau Kōhinu</u>	hou

Te Whenu: Te Tau me te Taurangi: He Tauira Akoranga

Te Tūhuratanga

Ka tirohia ngā momo whakaaturanga o te pānga rārangi me te pānga taupū (tūtohi, kauwhata, whārite).

Te Horopaki o te Tūhuratanga

E whakapakari ana a Haimona mō te whakataetae hākinatoru nei, mō te IronMāori, ka whakatūria ki Ahuriri i te marama o Hakihea o ia tau. Kei te tirotiro ia i ngā wā me ngā tawhiti o tana eke paihikara. E 90km te tawhiti o te eke paihikara i te IronMāori.

Koia nei te pae ipurangi o [IronMāori](#):

Ngā Whāinga Paetae

Te Tau me te Taurangi

Te Mātauranga Tau me ngā Rautaki Tau

1. Ka whakamahi pānga rārangi, hāngai, pānga rārangi kōaro hoki.

Te Pānga me te Tauira

8. Ka tūhono i te kauwhata, te tūtohi me te whārite ki ngā pānga rārangi, pānga pūrua, pānga taupū māmā e kitea mai ana i ngā tauira tau me ngā tauira mokowā.
 9. Ka tūhono i te pāpātanga o te whiti ki te rōnaki o tētahi kauwhata.

Ngā Āhuatanga hei Aromatawai

Te mōhio o te ākonga ki:

- te hononga o te tūtohi, te kauwhata me te whārite;
- te tuhi kauwhata rārangi hei whakaatu pānga;
- te whakamāori kauwhata rārangi (te ia, te rōnaki, ngā āhuatanga kōhure);
- te tautuhi i te rōnaki o tētahi kauwhata taupūtanga;
- te hononga o te rōnaki o te kauwhata taupūtanga ki te pāpātanga o te whiti;

- te tūhono i tētahi horopaki tūturu ki te tauira pāngarau, me te āta whakaaro anō i ngā hapa o te tauira pāngarau.

He Kupu Motuhake

mō te pāngarau: tūtohi, kauwhata rārangi, whārite, taupū, rōnaki, ia, āhuatanga kōhure

mō te horopaki: hākinatoru, eke paihikara

Ngā Mahi

E mōhio ana a Haimona, ka oti i a ia tētahi ara paihikara 10km te tawhiti i roto i te 18 meneti. Ka whakamahia tēnei wā hei whiriwhiri i te wā ka oti i a ia ētahi tau tawhititanga i taua ara tonu:

te tawhiti (km)	10	20	30	60	70	90
te wā (meneti)	20	40				

Ko tā te hoa o Haimona he whakamahi i te wā ka oti i a ia te 90km, arā, ngā amiotanga e 9 o te ara, hei whiriwhiri i ngā wā ka oti i ētahi atu tawhititanga:

te tawhiti (km)	10	20	30	60	70	90
te wā (meneti)						240

Hei Ako:

- Ko te whakaatu i ēnei whiriwhiringa a Haimona rāua ko tana hoa ki te tūtohi, ki te kauwhata, hei whārite anō hoki.
- Ko te tirotiro i te tikanga o te rōnaki o te kauwhata rārangi, me te hononga o tērā ki te horopaki o te rapanga. (*Arā, he poupou ake te rōnaki mēnā he tere ake te haere.*)
- Ko te tūhono i tēnei tauira pāngarau māmā ki te ao tūturu, arā, ko te whakawhiti kōrero mō ngā pōhēhētanga kei roto i ngā whiriwhiringa a te tokorua nei? (*Arā, kāore e noho pūmau te tere o te eke paihikara i te roanga atu o te 90km, nā te ngenge, ka pōturi haere. Mēnā kāore i te tino tawhiti, ka tere ake te paihikara. Mēnā he tawhiti roa, ka pōturi ake.*)
- Ko te āhua o te kauwhata hei whakaatu i ngā tawhiti me ngā wā tūturu, me te momo whārite e hāngai ana ki tērā. (*Arā, ko te whārite taupūtanga.*)
- Ko te ia o te kauwhata me te kukume i te kauwhata ki waho atu i ngā tawhiti me ngā wā e whakaaturia ana.

Ngā Paerewa Paetae e Hāngai ana

Ko ētahi o ngā āhuatanga o tēnei tauira akoranga e hāngai ana ki ngā paerewa paetae e rua nei:

1.3 (91028) *Te tūhura i ngā hononga o te tūtohi, te whārite me te kauwhata*

1.4 (91029) *Te whakamahi tikanga taurangi rārangi hei whakaoti rapanga*

Te Whenu Tauanga: He Tauira Akoranga

Te Tūhuratanga

Ka tirohia te pānga o ētahi taurangi e rua ka hua mai i tētahi huinga raraunga matarua.

Te Horopaki o te Tūhuratanga

Ko te IronMāori tētahi hākinatoru, ka whakatūria ki Ahuriri i te marama o Hakihea o ia tau. E 2km te tawhiti o te kauhoe, e 90km te eke paihikara, e 21km te omaoma. I tēnei tūhuratanga ka tirohia mēnā he pānga kei waenganui i te pakeke o te tangata me te wā ka oti te hākinatoru nei, te IronMāori.

Koia nei te pae ipurangi o [IronMāori](#)

Ngā Whāinga Paetae

Te Tauanga: Te Tūhuratanga Tauanga

2. Ka whai i ngā tikanga mō te tūhuratanga tauanga ki te whakamahere, ki te whakatutuki tūhuratanga:
 - ka parahau i ngā taurangi me ngā waeine;
 - ka whakatau i ngā pūtakenga o te taurangitanga, pērā i te whakamahi tīpako matapōkere;
 - ka whakamahi whakaari tauanga matatini ki te tautohu, ki te whakawhiti whakaaro mō ngā āhuatanga horopaki, pērā i te ia, ngā hononga taurangi, me ngā taurangitanga o roto, o waenganui hoki i ngā tuari raraunga;
 - ka whakaputa hīkaro ōpaki mō te taupori, ka hua ake i ngā raraunga;
 - ka whakamahi whakaari raraunga me ngā waeine ki te parahau i ngā whakakitenga ka hua ake i te tūhuratanga.

Ngā Āhuatanga hei Aromatawai

Te mōhio o te ākonga ki:

- te tuku matapaenga i runga i te kaupapa o te tūhuratanga;
- te whakaatu i te tuari o tētahi huinga raraunga;
- te tātai i ngā tātaihanga tauanga e hāngai ana, pērā i te toharite, te inenga whānui, te hauwhātanga
- te whakatairite i te tuari o ētahi huinga raraunga e rua;
- te whakatairite i ētahi taurangi e rua me te whakaatu anō i ngā āhuatanga, pērā i te ia o te pānga o tētahi taurangi ki tētahi;
- te whiriwhiri i ngā momo whakaaturanga tauanga e hāngai ana ki te kaupapa;
- te whakamahi i ngā tikanga pāngarau hei whakaatu i tētahi horopaki tūturu;
- te whakawhitiwhiti whakaaro mō te tīpako o tētahi tūhuratanga raraunga me te hāngai o tērā ki tōna taupori.

He Kupu Motuhake

mō te pāngarau: taupori, tīpako, raraunga, toharite, hauwhātanga, inenga whānui, kauwhata kauamo, tuari raraunga, kauwhata pouhere, kauwhata marara, taurangi, pānga

mō te horopaki: hākinatoru

Ngā Mahi

Tīkina atu ngā raraunga i te pae ipurangi o IronMāori ka whakamahere ai i tētahi tūhuratanga. Koia nei ētahi tauira pātai hei tūhura:

- Pēhea nei te tuari o ngā raraunga o ia rōpū pakeke;
- He aha ngā ūritenga me ngā rerekētanga o ngā tuari raraunga o ia rōpū pakeke;
- He aha te pānga o te pakeke o te tangata me te wā ka oti te hākinatoru nei, te IronMāori;
- Mehemea ka pērā anō te pānga o te pakeke o te tangata me te wā ka oti tētahi atu hākinatoru.

Hei Ako:

- Ko te whakaatu i te tuari o tētahi huinga raraunga ki ngā momo kauwhata pērā i te kauwhata pouhere, te kauwhata rārangi, me te kauwhata kauamo, me te whakawhitiwhiti kōrero anō mō te hāngai o tēnā me tēnā o ngā kauwhata.
- Ko te whakamahi pātengi raraunga rorohiko hei pupuri raraunga, hei whakaputa hoki i ngā momo kauwhata e hiahiatia ana.
- Ko te tikanga o ngā momo tātaihangā tauanga pērā i te toharite, te tau waenga, ngā hauwhātanga, me te inenga whānui.
- Ko te whakaatu i ētahi taurangi e rua ki te kauwhata marara, me te tautuhī anō i te pānga o tētahi taurangi ki tētahi.
- Ko te tikanga o tēnei mea te tīpako o tētahi huinga raraunga, me tōna āhei ki te whakaatu tika i tōna taupori.

Ngā Paerewa Paetae e Hāngai ana

Ko ētahi o ngā āhuatanga o tēnei tauira akoranga e hāngai ana ki te paerewa paetae nei:

1.11 (91036) *Te whakamahi i ngā tikanga tūhuratanga tauanga hei tūhura raraunga tau matarua.*

Te Whenu Te Tau me te Taurangi: He Tauira Akoranga

Te Tūhuratanga

Ka tirohia ngā momo whakaaturanga o te pānga pūrua (tūtohi, kauwhata, whārite).

Te Horopaki o te Tūhuratanga

Mutu ana tētahi kēmu, ko te tikanga ka whakarārangi ngā tāngata o ngā tīma ki te rūrū, ki te papaki ringaringa rānei. E toru ngā horopaki hei tūhura i tēnei akoranga. Ka āta tirotirohia te maha o ngā rūrū katoa, ngā papaki ringaringa rānei:

1. He ōrite te maha o ngā tāngata o ia tīma. Ka rūrū ia kaitākaro o tētahi tīma ki ia kaitākaro o te tīma tuarua;
2. Kotahi te maha ake o ngā tāngata o tētahi tīma i tētahi. Ka rūrū ia kaitākaro o tētahi tīma ki ia kaitākaro te tīma tuarua;
3. Ka papaki ringaringa ia kaitākaro o tētahi tīma ki ērā atu o ngā kaitākaro o tōna ake tīma.

Ngā Whāinga Paetae

Te Tau me te Taurangi

Te Whārite me te Kīanga

6. Ka tuhi, ka whakaoti whārite rārangi, tōrite rārangi, whārite pūrua, whārite taupū māmā, whārite tukutahi, kia rua ngā taurangi.

Te Pānga me te Tauira

8. Ka tūhono i te kauwhata, te tūtohi me te whārite ki ngā pānga rārangi, pānga pūrua, pānga taupū māmā e kitea mai ana i ngā tauira tau me ngā tauira mokowā.

Ngā Āhuatanga hei Aromatawai

Te mōhio o te ākonga ki:

- te tuhi kauwhata pūrua;
- te āhua o te kauwhata pūrua;
- te hononga o te tūtohi o tētahi pānga pūrua, te kauwhata me te whārite;
- te whakaatu horopaki tūturu o ia rā hei pānga pūrua;
- te whakamāori kauwhata pūrua (te ia, te rōnaki, ngā āhuatanga kōhure);
- te tautuhi i ngā taurangi o tētahi pānga pūrua;
- te tūhono i tētahi horopaki tūturu ki te tauira pāngarau, me te āta whakaaro anō i ngā hapa o te tauira pāngarau.

He Kupu Motuhake

mō te pāngarau: tūtohi tukutuku, kauwhata, whārite, pānga pūrua, ia, rōnaki, āhuatanga kōhure, taurangi,

mō te horopaki: kaitākaro, papaki ringaringa, matapae, rūrū

Ngā Mahi

Whakaaturia ngā horopaki e toru hei tūtohi tukutuku e kitea ai te maha o ngā rūrū. Hei tauira:

Horopaki 1:

	1	2	3	4
a				
e				
i				
o				

Tokowhā ngā kaitākaro o ia tīma

Horopaki 2:

	1	2	3	4
a				
e				
i				
o				
u				

Tokowhā ngā kaitākaro i tētahi tīma, tokorima i tētahi

Horopaki 3:

	1	2	3	4
1				
2				
3				
4				

Tokowhā ngā kaitākaro o te tīma

Mō ia horopaki:

Tuhia he tūtohi hei whakaatu i te maha o ngā rūrū (papaki ringaringa rānei) mō ngā tīma mai i te 1 ki te 10 ngā kaitākaro.

Whakawhitiwhiti kōrero mō ngā taurangi e rua nei, te maha o ngā kaitākaro me te maha o ngā rūrū. He aha te tauira e kitea mai ana i ngā tūtohi? He aha te matapae mō te āhua o te kauwhata hei whakaatu i te hononga o tētahi taurangi ki tētahi?

Tuhia ngā kauwhata e toru ka whakawhitiwhiti korero ai mō te ōrite me te rerekē o tētahi i tētahi. Whiriwhiria ngā whārite e hāngai ana ki ngā horopaki e toru nei. Arā:

- Horopaki 1: $r = t \times t = t^2$
 - Horopaki 2: $r = t \times (t-1) = t^2 - t$
 - Horopaki 3: $r = (t - 1) \times (t - 1) = t^2 - 2t + 1$
- (r = te maha o ngā rūrū, t = te tokomaha o ngā tāngata i tētahi tīma)

Hei Ako:

Ko te hononga o te whārite pūrua ki tōna kauwhata.

Ko te tirotiro he aha e **tino** piki ai, e **āta** piki ai rānei tētahi kauwhata pūrua.

Ko te whakaoti whārite pūrua.

Ko te tikanga o te rōnaki o te kauwhata pūrua me tōna tino poupou haere ina tokomaha haere ngā kaitākaro.

Ngā Paerewa Paetae e Hāngai ana

Ko ētahi o ngā āhuatanga o tēnei tauira akoranga e hāngai ana ki ngā paerewa paetae e rua nei:

1.2 (91027) *Te whakamahi tikanga taurangi hei whakaoti rapanga*

1.3 (91028) *Te tūhura i ngā hononga o te tūtohi, te whārite me te kauwhata*

1.4 (91029) *Te whakamahi tikanga taurangi rārangī hei whakaoti rapanga*

Te Whenu Āhuahanga: He Tauira Akoranga

Te Tūhuratanga

Ka tirohia te pūnaha tukutuku hei whakaatu pūwāhi i te mahere, ko te whakamahi anō i ngā tikanga o te tapatoru hāngai hei tātai i ngā tawhiti.

Te Horopaki o te Tūhuratanga

Kei te whakatūria ētahi akomanga hou e toru ki te kura. Ka whakatakotoria ki roto i te whenua he waea hei hono i ngā rorohiko o ēnei akomanga e toru ki te ipurangi. Nā te nui o te utu o te waea me āta whiriwhiri te ara poto rawa atu hei hono i ngā akomanga hou e toru nei.

Ngā Whāinga Paetae

Te Ine me te Āhuahanga

Te Hanga

6. Ka whakamahi ōwehenga pākoki me te ture a Pythagoras, i ngā pūāhua ahu-2, ahu-3 hoki.

Ngā Āhuatanga hei Aromatawai

Te mōhio o te ākonga ki:

- te whakaatu pūwāhi ki te tukutuku;
- te tuhi mahere ki te tukutuku;
- te whakamahi tikanga pāngarau hei whakaatu i tētahi horopaki tūturu;
- te whakamahi i te ture a Pythagoras hei tātai i ngā tapa o te tapatoru hāngai.

He Kupu Motuhake

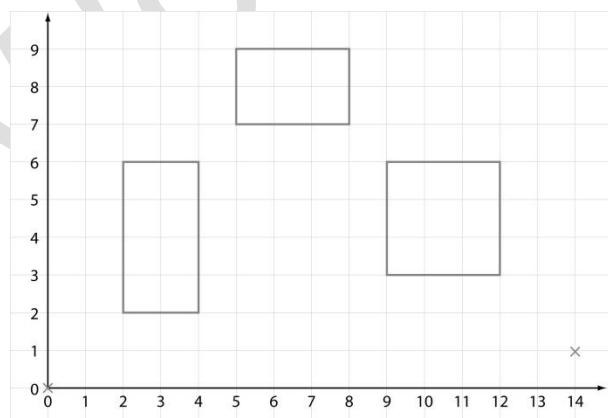
mō te pāngarau: tukutuku, pūwāhi, takirua raupapa, tapatoru hāngai, mahere, kokonga, āwhata
mō te horopaki: ipurangi, waea

Ngā Mahi

Hoatu he tohutohu hei whakaatu mā ngā ākonga i ngā akomanga hou e toru ki tētahi tukutuku.

Hei tauira:

- He tapawhā hāngai te āhua o ngā whare e toru.
- Ko te (2,2) te (2,6) me te (4,2) ētahi kokonga e toru o te akomanga 1
- Ko te (5,9) te (8,9) me te (8,7) ētahi kokonga e toru o te akomanga 2
- Ko te (9,3) te (12,6) me te (12,3) ētahi kokonga e toru o te akomanga 3



Ko tā ngā ākonga:

- he whiriwhiri i tētahi āwhata whaitake mō te mahere. (Hei tauira, ko ia wehenga o te tukutuku he rite ki te 5m);
- he tuhi i te ara poto rawa atu mō te waea rorohiko, tīmata mai ai i te pūwāhi (0,0), ka haere mā ngā akomanga e toru, ā, ka mutu atu ki te pūwāhi (14,1);
- he tātai i te roa o te waea.

Hei Ako:

Ko te whakaatu i tētahi horopaki tūturu ki ngā whakaahuahanga pāngarau pērā i te mahere tukutuku me te takirua raupapa.

Ko te whakamahi i te ture a Pythagoras hei tātai i ngā tapa o te tapatoru hāngai.

Ngā Paerewa Paetae e Hāngai ana

Ko ētahi o ngā āhuatanga o tēnei tauira akoranga e hāngai ana ki te paerewa paetae nei:

1.7 (91032) *Te whakamahi tikanga tapatoru hāngai hei whakaoti rapanga ine*